



# Inteligência Artificial

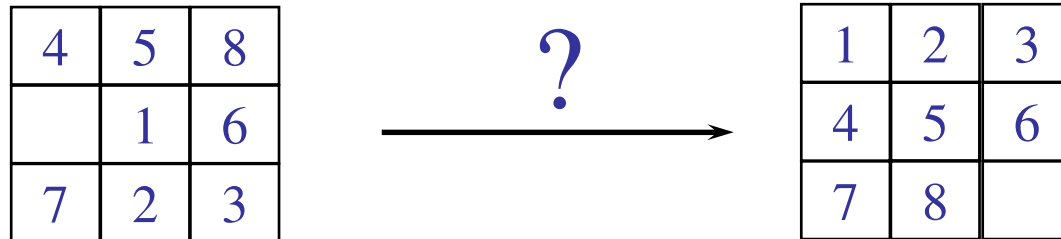
---

Prof. Tiago A. E. Ferreira  
Aula 5 – Resolvendo Problemas

# Agente solucionador de problemas (guiado por objetivo)

## O agente reativo

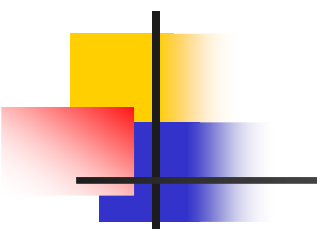
- Escolhe suas ações com base apenas nas percepções atuais
  - não tem estado interno
  - portanto, não pode pensar no futuro
- Não sabe "aonde vai"



## O Agente *solucionador de problemas*

- busca uma *seqüência de ações* que leve a estados **desejáveis** (*objetivos*).

# Agentes solucionadores de problemas



---

- O que é um problema em I.A.?
- Como formulá-lo?
- Como buscar a solução do problema?
  - Busca cega
  - Busca heurística
- Quais são os tipos de problemas?
- Quais são as aplicações?

# Solução de Problemas: definições

*Um problema em IA é definido em termos de...*

1) um espaço de estados possíveis, incluindo:

- um estado inicial
- um (ou mais) estado final = objetivo
- exemplo 1: dirigir de Recife a Cajazeiras<sub>4</sub>
  - espaço de estados: *todas as cidades da região*
- exemplo 2: jogo de 8-números

■ início:

4	5	8
	1	6
7	2	3

fim:

1	2	3
4	5	6
7	8	



# Solução de Problemas: definições

---


- 2) um conjunto de ações (ou operadores) que permitem passar de um estado a outro
- ex1. dirigir de uma cidade a outra
  - ex2. mover uma peça do jogo de n-números (*n-puzzle*)



# Solução de Problemas: definições

---

- Definição do objetivo:
  - propriedade abstrata
    - ex., condição de xeque-mate no Xadrez
  - conjunto de estados finais do mundo
    - ex., estar em Cajazeiras
- Solução:
  - caminho (seqüência de *ações* ou *operadores*) que leva do estado inicial a um estado final (objetivo).
- Espaço de Estados:
  - conjunto de todos os estados alcançáveis a partir do estado inicial por qualquer seqüência de ações.



# Solucionando o problema: formulação, busca e execução

---

- Formulação do problema e do objetivo:
  - quais são os **estados** e as **ações** a considerar?
  - qual é (e como representar) o **objetivo**?
- Busca (solução do problema):
  - processo que gera/analisa seqüências de ações para alcançar um objetivo
  - *solução* = caminho entre estado inicial e estado final.
  - *custo do caminho* = qualidade da solução
- Execução:
  - executar a solução completa encontrada, ou
  - intercalar execução com busca: planejamento



# Exemplos de formulação de problemas

---

- Jogo de 8 números:
  - **estados** = cada possível configuração do tabuleiro
  - **estado inicial** = qualquer um dos estados possíveis
  - **teste de término** = ordenado, com branco na posição [3,3]
  - **operadores** = mover branco (esquerda, direita, para cima e para baixo)
  - **custo do caminho** = número de passos da solução



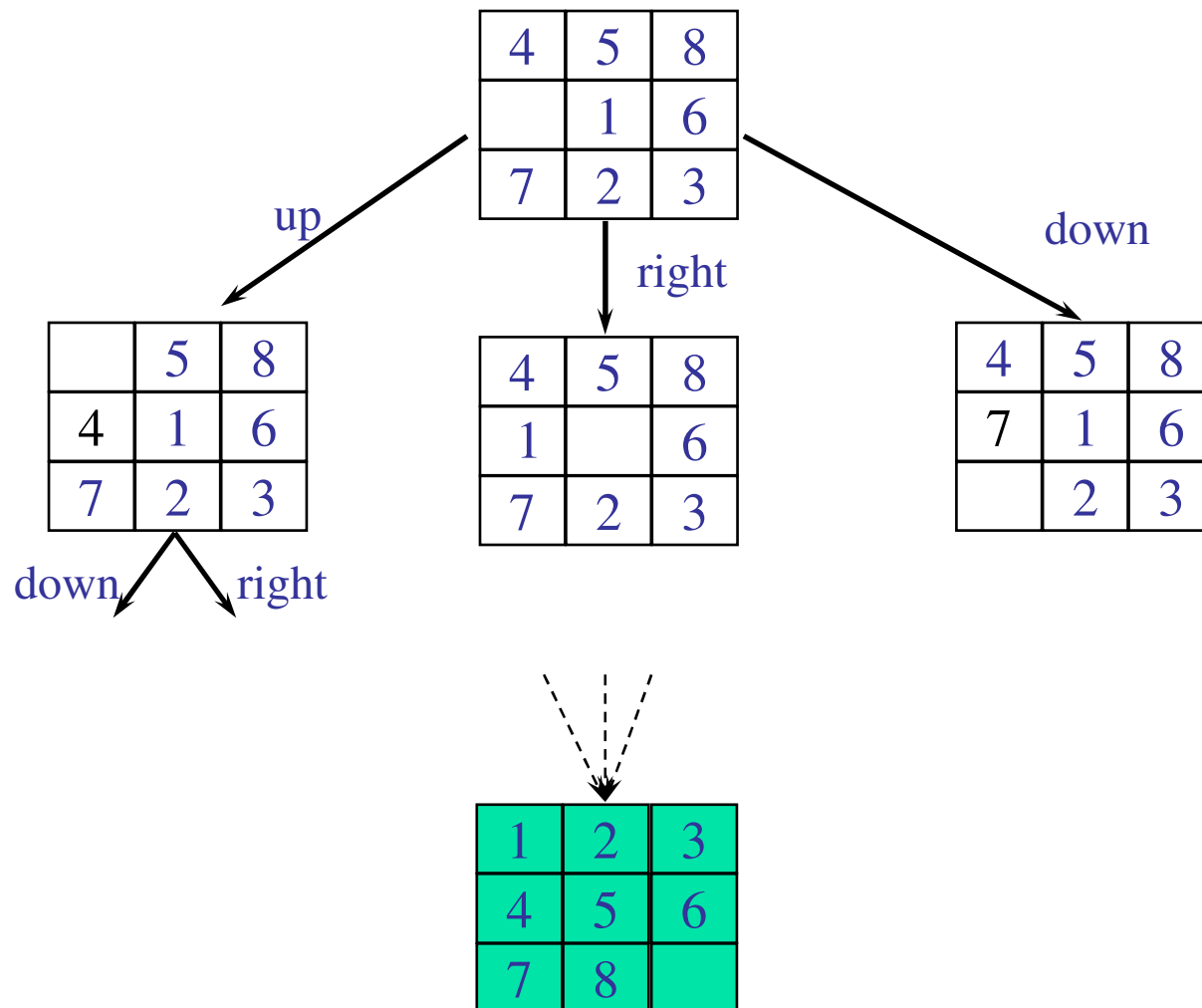


# Exemplos de formulação de problemas

---

- Ida para Cajazeiras:
  - **estados** = cada possível cidade do mapa
  - **estado inicial** = Jeremoabo
  - **teste de término** = estar em Cajazeiras
  - **operadores** = dirigir de uma cidade para outra
  - **custo do caminho** = número de cidades visitadas, distância percorrida, tempo de viagem, grau de divertimento, etc

# Árvore de busca para o "jogo dos 8 números"







# Medida de Desempenho na Busca

---

- Desempenho de um algoritmo de busca:
  - 1. O algoritmo encontrou alguma solução?
  - 2. É uma boa solução?
    - **custo de caminho** (qualidade da solução)
  - 3. É uma solução computacionalmente barata?
    - **custo da busca** (tempo e memória)
- Custo total
  - custo do caminho + custo de busca
- Espaço de estados grande:
  - compromisso (conflito) entre a melhor solução e a solução mais barata

# Custo diferente => Solução diferente

---

- Função de *custo de caminho*

- (1) número de cidades visitadas,
- (2) distância entre as cidades,
- (3) tempo de viagem, etc.

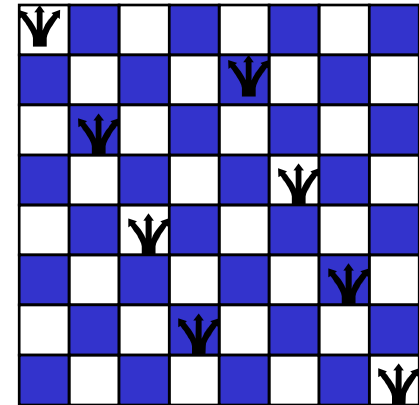
- Solução mais barata:

- (1) Canudos, Belém do S. Francisco, Salgueiro, ...
- (2) Canudos, Belém do S. Francisco, Cabrobó, ...
- (3) Canudos, Juazeiro, Pretrolina, Cabrobó, Salgueiro

# Importância da formulação

## ■ Jogo das 8 Rainhas

- dispor 8 rainhas no tabuleiro de forma que não possam se "atacar"
  - não pode haver mais de uma rainha em uma mesma linha, coluna ou diagonal
- somente o custo da busca conta
  - não existe custo de caminho



## ■ Existem diferentes estados e operadores possíveis

- essa escolha pode ter conseqüências boas ou nefastas na complexidade da busca ou no tamanho do espaço de estados



# Formulações para 8 Rainhas

---

- Formulação A
  - estados: qualquer disposição com  $n$  ( $n \leq 8$ ) rainhas
  - operadores: adicionar uma rainha a qualquer quadrado
  - $64^8$  possibilidades: vai até o fim para testar se dá certo
- Formulação B
  - estados: disposição com  $n$  ( $n \leq 8$ ) rainhas sem ataque mútuo (teste gradual)
  - operadores: adicionar uma rainha na coluna vazia mais à esquerda em que não possa ser atacada
  - melhor (2057 possibilidades), mas pode não haver ação possível
- Formulação C
  - estados: disposição com 8 rainhas, uma em cada coluna
  - operadores: mover uma rainha atacada para outra casa na mesma coluna



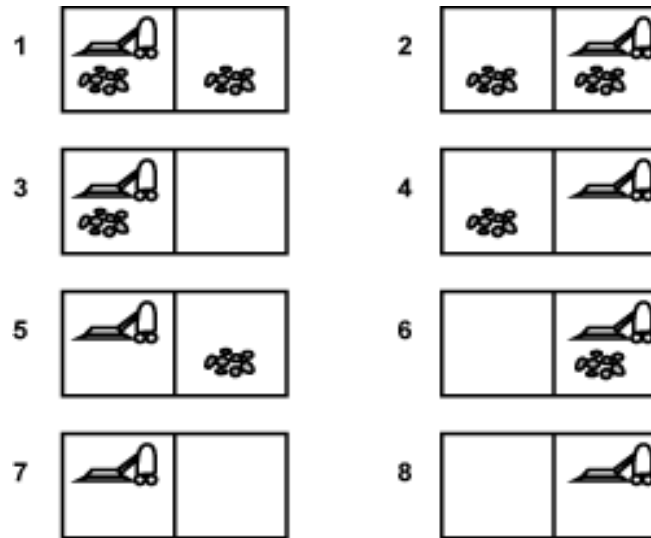
# Tipos de Problemas

---

- Existem 4 tipos
  - Problemas de estado único (o mais tratado por busca!)
  - Problemas de múltiplos estados
  - Problemas contingenciais
  - Problemas exploratórios
- Tudo depende do conhecimento do agente...



# Exemplo: Agente Aspirador de Pó



- Formulação do problema:
  - estados = mostrados na figura
  - estado inicial = qualquer um dos estados possíveis
  - teste de término = os dois quartos limpos
  - operadores = mover direita, mover esquerda, aspirar
  - custo do caminho = quantidade de ações realizadas

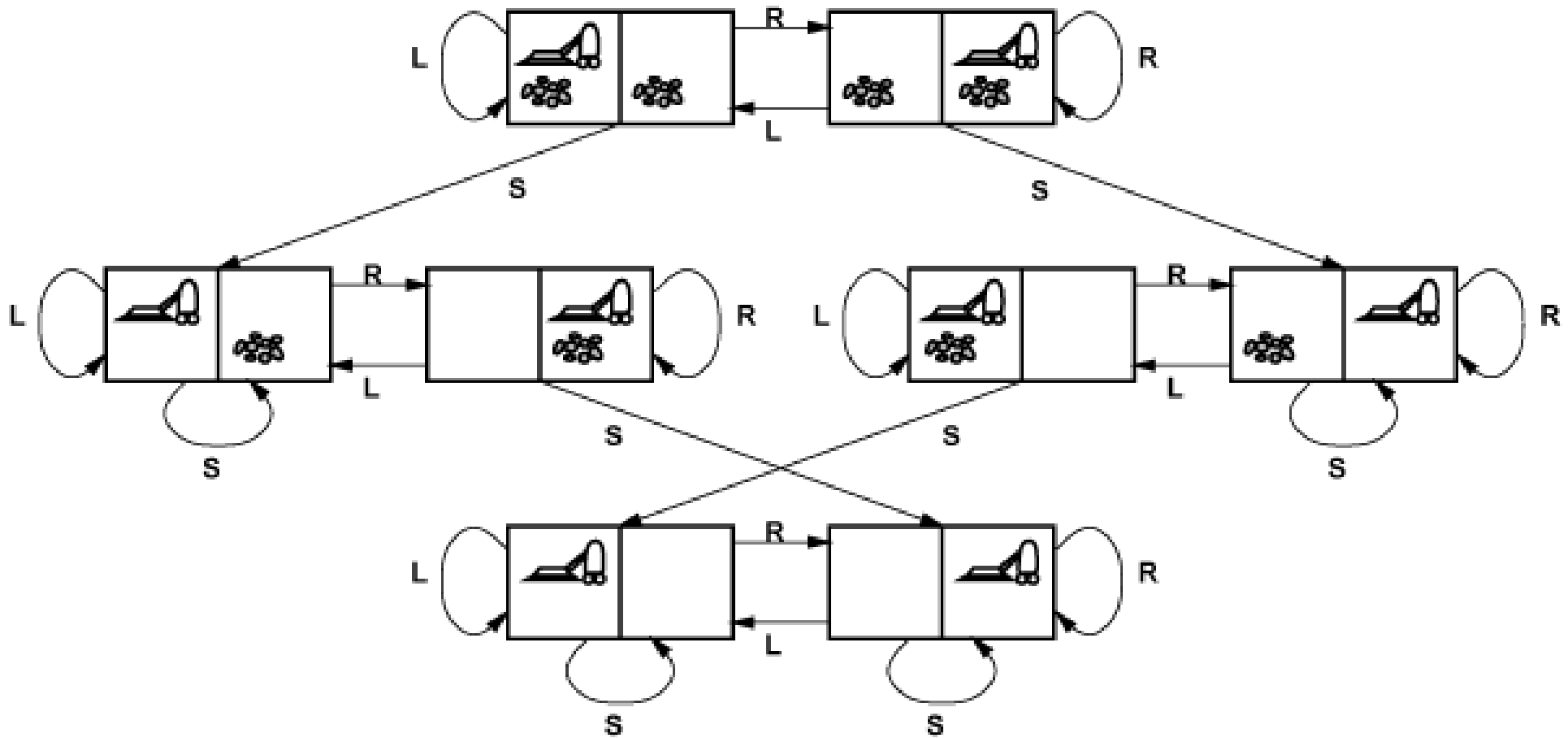


# Tipo 1: Problemas de estado único

---

- Conhecimento do agente
  - sabe em que estado está (mundo totalmente acessível)
  - sabe o efeito de cada uma de suas ações
    - => sabe onde está depois de uma seqüência qualquer de ações
- Cada ação leva a um único estado
  - ex. aspirador de pó:
    - estado inicial = 5
    - seqüência de ações = [direita, aspirar]
    - leva ao estado 8 (final)
- Técnica a aplicar: **Busca**

# Espaço de estado do agente aspirador



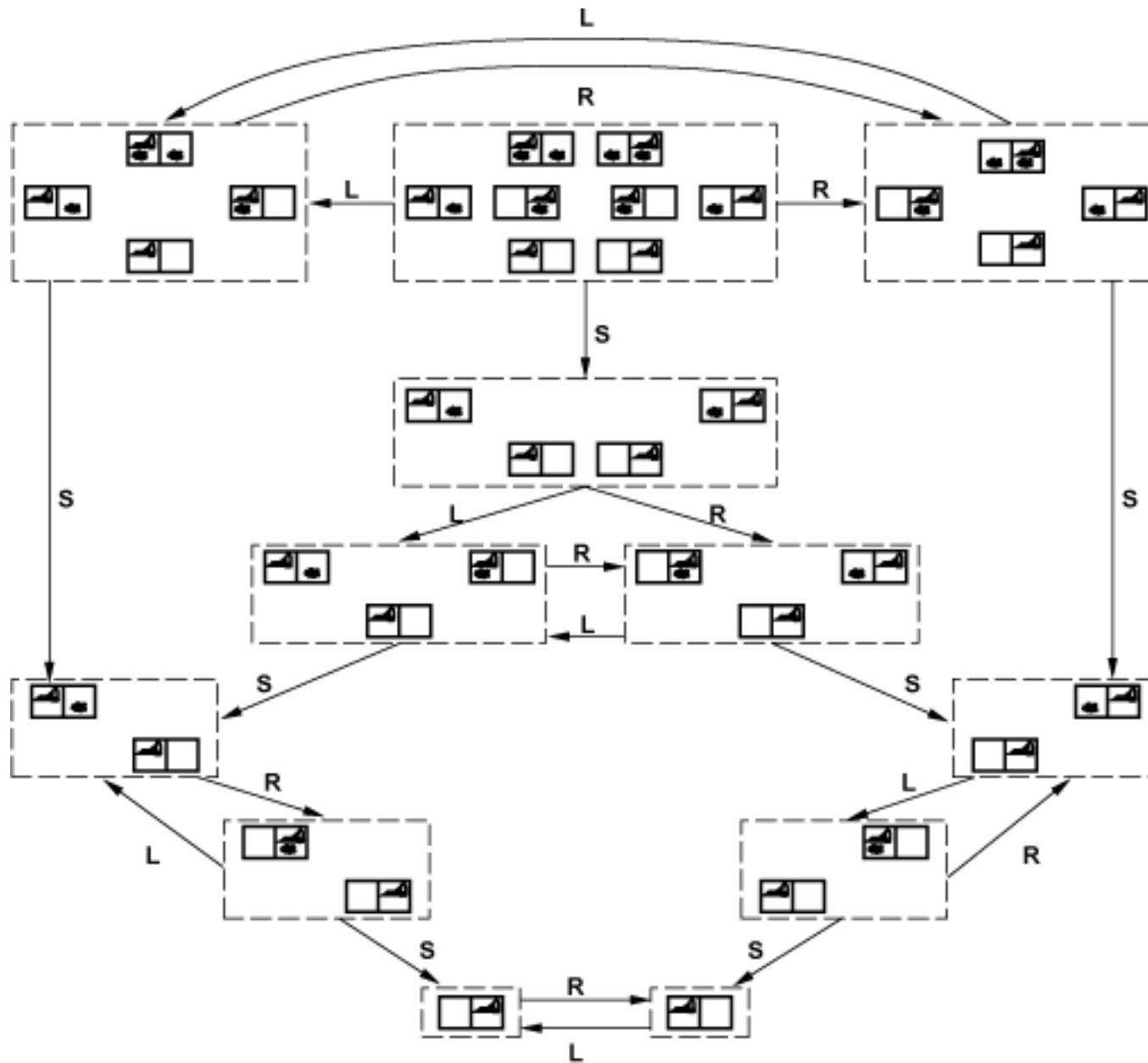


# Tipo 2: Problemas de múltiplos estados

---

- Conhecimento do agente
  - não sabe seu estado inicial (percepção deficiente), mas sabe o efeito de suas ações, **OU**
  - não sabe o efeito das ações (execução deficiente), mas sabe seu estado inicial  
→ lei de Murphy: aspira poeira existente e também pode jogar poeira quando o quarto já estava limpo
- **O agente deve raciocinar sobre os conjuntos de estados aos quais ele pode chegar pelas ações.**
- **Nestes casos, *sempre* existe uma seqüência de ações que leva a um estado final.**
- Técnica a aplicar: **Busca**

# Exemplo - problema tipo 2





# Tipo 3: Problemas contingências

---

- Conhecimento do agente:
  - o agente não enxerga o ambiente inteiro **OU**
  - o agente não sabe precisar o efeito das ações
    - exs. agente enxerga apenas o quarto onde está, dirigir com mapa
- **Não há** seqüência prévia de ações **que garanta a solução do problema**
- O **agente precisa** intercalar busca e execução
  - ex. o agente só pode decidir aspirar quando chegar ao quarto
  - {1,5} -> [aspirar, direita, aspirar se existe poeira]
- Técnica a aplicar: **Planejamento**
  - O agente constrói uma **árvore de ações**, onde cada ramo lida com uma possível **contingência**.



# Tipo 4: Problemas exploratórios

---

- Conhecimento do agente:
  - o agente não conhece seus possíveis estados **E**
  - o agente não sabe o efeito de suas ações
    - ex. estar perdido em uma cidade desconhecida sem mapa.
- **O agente deve explorar seu ambiente, descobrindo gradualmente o resultado de suas ações e os estados existentes.**
  - Se o agente “sobreviver”, terá aprendido um mapa do ambiente, que poderá ser reutilizado em problemas subseqüentes.
- Técnica a aplicar: **Aprendizagem**



# Aplicações de Busca: “Toy Problems”

---

- Jogo das  $n$  rainhas
- Jogo dos  $n$  números ( *$n$ -puzzle*)
- Palavras cruzadas





# Aplicações: Problemas Reais

---

- Cálculo de rotas
  - rotas em redes de computadores
  - sistemas de planejamento de viagens
  - planejamento de rotas de aviões
  - Caixeiro viajante
- Alocação (Scheduling)
  - Salas de aula
  - Máquinas industriais (job shop)
- Projeto de VLSI
  - Cell layout
  - Channel routing



# Aplicações: Problemas Reais

---

- Navegação de robôs:
  - generalização do problema da navegação
  - robôs movem-se em espaços contínuos, com um conjunto (infinito) de possíveis ações e estados
    - controlar os movimentos do robô no chão, e de seus braços e pernas requer espaço multi-dimensional
- Montagem de objetos complexos por robôs:
  - ordenar a montagem das diversas partes do objeto
- etc...

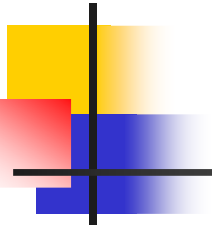


# Busca em Espaço de Estados

---

- Uma vez o problema bem formulado... o estado final deve ser "buscado"
- **Em outras palavras, deve-se usar um** método de busca **para saber a** ordem correta de aplicação dos operadores **que levará do estado inicial ao final**
- **Uma vez a busca terminada com sucesso, é só** executar a solução (= **conjunto ordenado de operadores a aplicar**)

# Busca em Espaço de Estados: Geração e Teste



- Fronteira do espaço de estados
  - nós (estados) a serem expandidos no momento.
- Algoritmo:

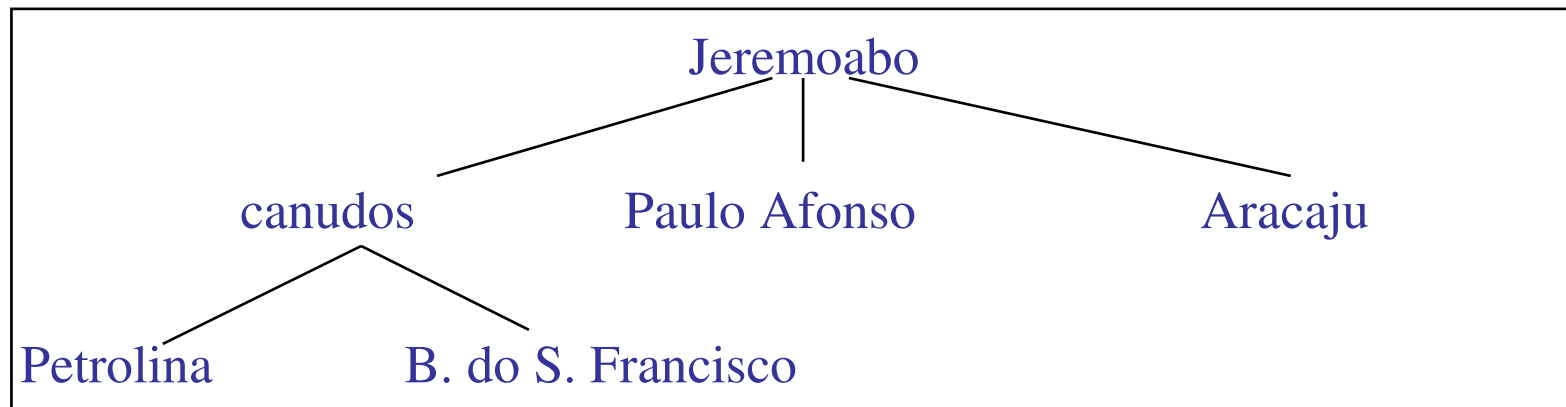
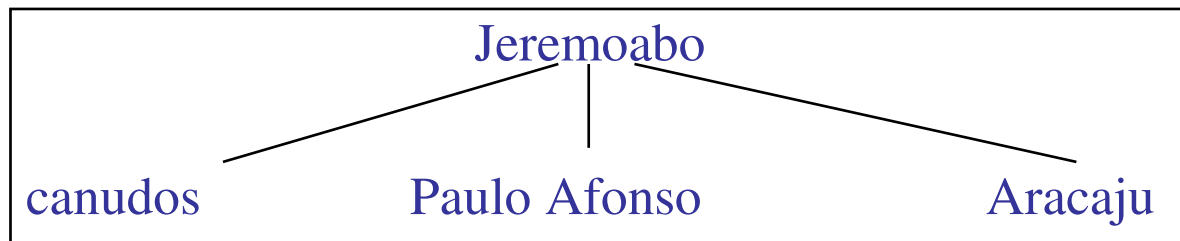
**Obs:** o algoritmo começa com a fronteira contendo o estado inicial do problema.

1. Selecionar o primeiro nó (estado) da *fronteira* do espaço de estados;  
- se a fronteira está vazia, o algoritmo termina com falha.
2. Testar se o nó é um estado final (solução):  
- se "sim, então retornar nó - a busca termina com sucesso.
3. Gerar um novo conjunto de estados pela aplicação dos operadores ao estado selecionado;
4. Inserir os nós gerados na *fronteira*, de acordo com a estratégia de busca usada, e voltar para o passo (1).

# Exemplo: viajar de Jeremoabo a Cajazeiras

estado inicial =>

Jeremoabo



# Busca em Espaço de Estados: Implementação

- Espaços de Estados
  - podem ser representados como uma árvore onde os estados são nós e as operações são arcos.
- Os nós da árvore podem guardar mais informação do que apenas o estado:
  - são uma estrutura de dados com 5 componentes:
    1. o estado correspondente
    2. o seu nó pai
    3. o operador aplicado para gerar o nó (a partir do pai)
    4. a profundidade do nó
    5. o custo do nó (desde a raiz)



# Métodos de Busca

---

## ■ Busca exaustiva - cega

- Não sabe qual o **melhor** nó da fronteira a ser expandido = menor custo de caminho desse nó até um **nó final** (*objetivo*).
- Estratégias de Busca (ordem de expansão dos nós):
  - caminhamento em largura
  - caminhamento em profundidade
- Direção de Busca:
  - Do estado inicial para o objetivo
  - Do objetivo para o estado inicial

## ■ Busca heurística - informada

- Estima qual o melhor nó da fronteira a ser expandido com base em **funções heurísticas** => conhecimento
- Estratégia de busca: best-first search (melhor escolha)
- Direção de Busca: idem à busca cega

# Critérios de Avaliação das Estratégias de Busca

- Completude:
  - a estratégia sempre encontra uma solução quando existe alguma?
- Custo do tempo:
  - quanto tempo gasta para encontrar uma solução?
- Custo de memória:
  - quanta memória é necessária para realizar a busca?
- Otimização/qualidade (*optimality*):
  - a estratégia encontra a melhor solução quando existem diferentes soluções?