



Computação Evolutiva

Aula 6 – Algoritmos Genéticos
(Parte II)

Prof. Tiago A. E. Ferreira



Roteiro

- Limites dos Algoritmos Genéticos Simples
- Operadores de Cruzamento Alternativos
- Algoritmo Genético para valores Reais
 - Operadores de Mutação
 - Operadores de Cruzamento



O AGS

- Na Aula passada foi visto o funcionamento dos AGS's.
 - Os AGS's têm sido assunto de pesquisa em muitos estudos de casos
 - Comumente utilizado com *Benchmark* para novos AG's
 - Estatisticamente caracterizado
 - Varredura completa do espaço de soluções (espaço genótipo) comprovada pelo Teorema dos Esquemas



Limites dos AGS's

- Os AGS's têm muitas falhas:
 - A sua representação (String Binária) é muito restritiva
 - O operadores de Cruzamento e Mutação são apenas aplicados para uma String Binária e representação de inteiros
 - O mecanismos de seleção é sensível a convergência da população, podendo induzir a valores de *fitness* muito próximos
 - O modelo de geração da população pode ser incrementado com algum mecanismo de seleção de sobrevivência

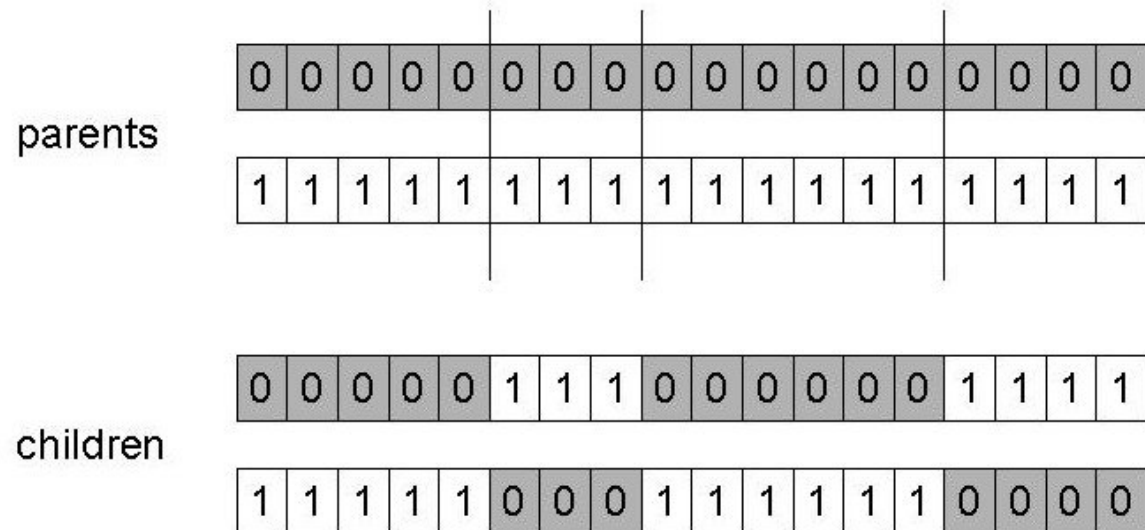


Operadores de Cruzamento Alternativos

- O desempenho do operador de **Cruzamento de 1-Ponto** depende da ordem com que as variáveis aparecem na representação
 - É mais comum manter juntos os genes que têm algum tipo de semelhança
 - Nunca é possível unir os genes finais e iniciais da String Binária
 - Estas Características são conhecidas como Bias Posicional
 - Esta pode ser explorada se é conhecido a estrutura do problema, porém este conhecimento não é usual.

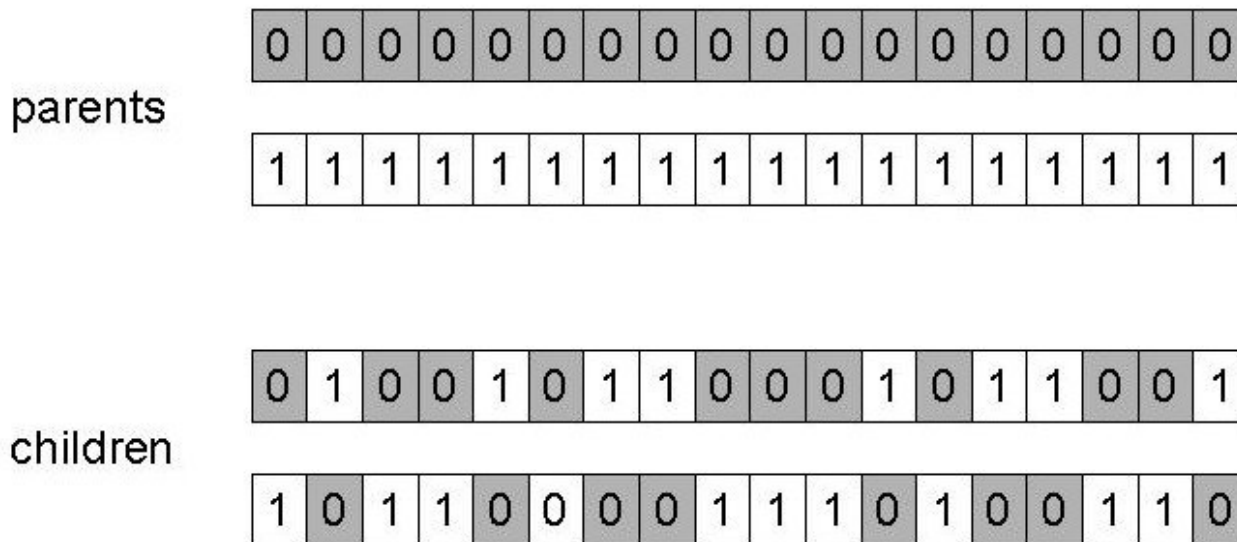
Operador de Cruzamento de n-Pontos

- Escolha n pontos aleatórios de corte
- Divida os cromossomos ao longo destes pontos
- Una as partes, alternando as contribuições dos pais
- Este é uma generalização do operador de 1-ponto (ainda há bias posicional)



Operador de Cruzamento Uniforme

- Assinale "CARA" para um pai, e "COROA" para o outro
- Arremesse uma moeda para a escolha de cada gene do filho
- Faça uma cópia inversa para o segundo filho
- A herança dos genes fica independente para posição





Cruzamento ou Mutação?

- Longo Debate: Qual o melhor, mais necessário e importante operador?
 - Resposta: (não há unanimidade)
 - Depende do problema, mas
 - Em geral, é bom ter ambos
 - Aplicando-se apenas o Operador de Mutação é possível se ter um AE
 - Aplicando-se apenas o Operador de Cruzamento não é possível se ter um AE



Cruzamento ou Mutação?

- **Investigação:** Descobrimento de áreas promissoras no espaço de busca, i.e., ganho de informação sobre o problema
- **Aproveitamento:** Otimização dentro de uma área promissora, i.e., uso de informações
- Existe uma cooperação **E** uma competição entre os operadores
 - **Cruzamento** é investigativo, este vai para a área em algum lugar “entre” as áreas dos pais
 - **Mutação** faz um aproveitamento, este cria uma pequena diversidade aleatória da área de busca ou investigação

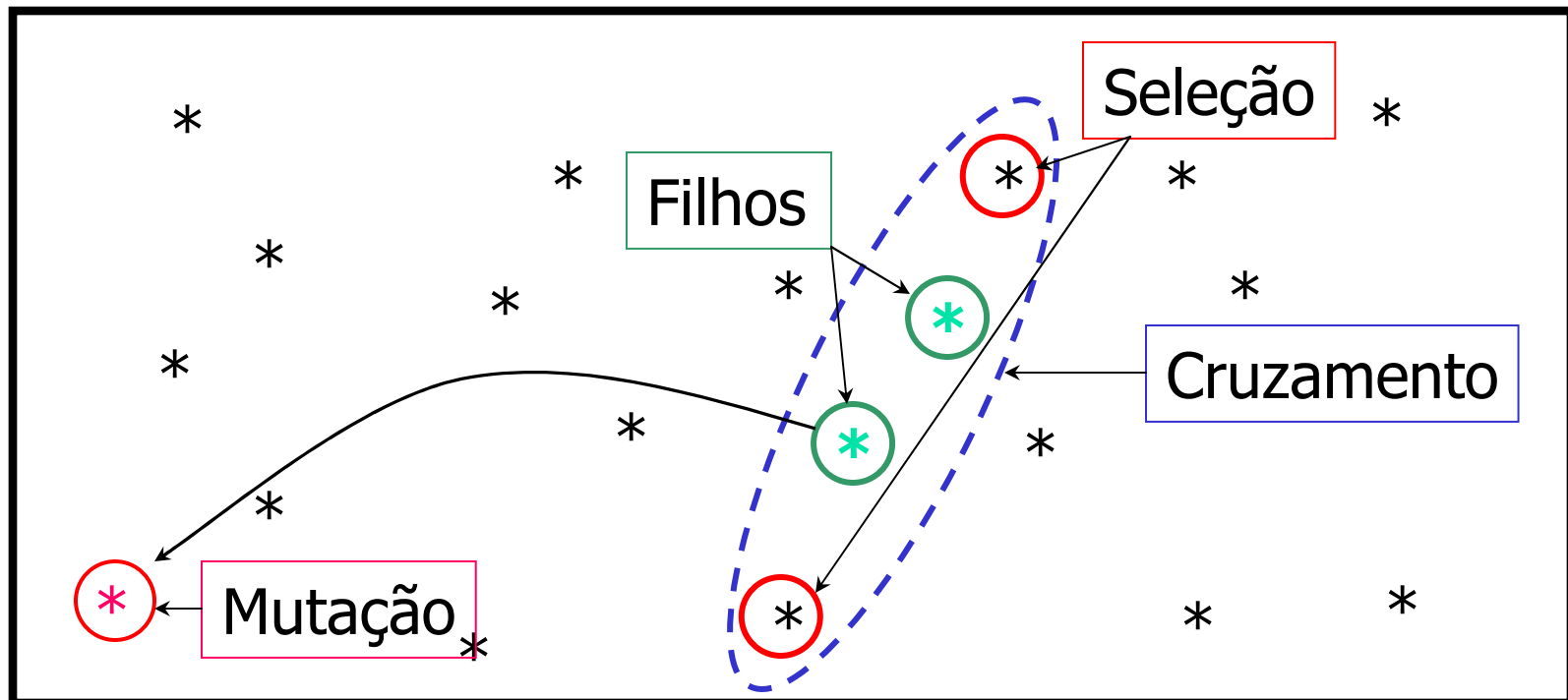


Cruzamento ou Mutação?

- Somente o **cruzamento** pode combinar as informações dos pais
- Somente a **mutação** pode introduzir novas informações
- O operador de **cruzamento** não altera as freqüências relativas entre os genes da população
- Para a sugestão de um ponto ótimo, freqüentemente há a necessidade de uma mutação “venturosa”.

Cruzamento e Mutação

Espaço de Busca



* - Representação de um indivíduo



Outras Representações

- Código Gray de inteiros (ainda cromossomos binários)
 - Código de Gray é um mapeamento onde pequenas alterações do genótipo causa pequenas variações no fenótipo – Gera um mapeamento suave entre o genótipo e fenótipo
- Atualmente, outras codificações são aceitas como mais eficientes para representação de variáveis numéricas
 - Inteiros
 - Ponto flutuante



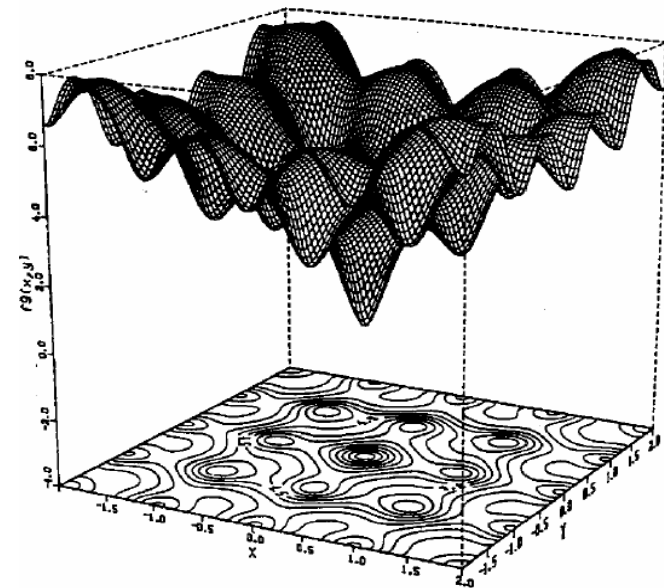
Representações de Inteiros

- Alguns problemas tem naturalmente variáveis inteiras
 - E.g., parâmetros no processamento de imagens
- Outros problemas usam valores categóricos a partir de um conjunto fixo
 - Exemplo: Cores = {Azul, Verde, Amarelo, Rosa}
- Operadores de cruzamento aplicáveis
 - N-Pontos
 - Uniforme

Problemas de Valores Reais

- Muitos problemas têm seus parâmetros definidos como números reais
 - $f : \mathcal{R}^n \rightarrow \mathcal{R}$
- Ilustração: Função de Ackley (freqüentemente usada na CE)

$$f(\bar{x}) = -c_1 \cdot \exp \left(-c_2 \cdot \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2} \right) - \exp \left(\frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n \cos(c_3 \cdot x_i) \right) + c_1 + 1$$
$$c_1 = 20, c_2 = 0.2, c_3 = 2\pi$$





Mapeamento de Valores Reais em Strings Binárias

Seja: $z \in [x, y] \subseteq \mathcal{R}$ Representado por $\{a_1, \dots, a_L\} \in \{0, 1\}^L$
 $[x, y] \rightarrow \{0, 1\}^L$ deve ser inversível (um genótipo por fenótipo)

$\Gamma: \{0, 1\}^L \rightarrow [x, y]$ defina a representação

$$\Gamma(a_1, \dots, a_L) = x + \frac{y - x}{2^L - 1} \cdot \left(\sum_{j=0}^{L-1} a_{L-j} \cdot 2^j \right) \in [x, y]$$

- Somente 2^L valores são representados (discretização)
- L determina a precisão máxima possível para a solução
- Alta Precisão \rightarrow Cromossomos Longos (Evolução Lenta)



Operador de Mutação em Ponto Flutuante

- Esquema geral para mutações de ponto flutuante:

$$\bar{x} = \langle x_1, \dots, x_l \rangle \rightarrow \bar{x}' = \langle x'_1, \dots, x'_l \rangle$$

$$x_i, x'_i \in [LB_i, UB_i]$$

- LB – Limite Inferior; UB – Limite superior

- Mutação Uniforme:

x'_i guiado aleatoriamente (Uniforme) a partir $[LB_i, UB_i]$

- Análogo a inversão de bits (binário) ou reordenamento aleatório (Inteiros)



Operador de Mutação em Ponto Flutuante

- **Mutações Não-Uniformes**
 - Muitos métodos propostos na literatura
 - A maior parte são probabilísticos, porém usualmente fazem apenas uma pequena alteração de valores
 - O método mais comum é somar um número aleatório para cada variável separadamente, a partir de uma distribuição Gaussiana $N(0, \sigma)$, garantindo o intervalo de validade de cada variável
 - O Desvio padrão (σ) controla o montante de alteração (2/3 das alterações irão cair no intervalo de $-\sigma$ a $+\sigma$)

Operadores de Cruzamento para Valores Reais

- Caso Discreto:
 - Cada valor dos genes Z vem ou do Pai X ou do Pai Y com igual probabilidade: $Z_i = X_i$ ou Y_i
- Caso Intermediário
 - Explora a Idéia de cria filhos “entre” os pais (Combinação aritmética)
 - $z_i = \alpha x_i + (1 - \alpha) y_i$ onde $\alpha : 0 \leq \alpha \leq 1$
 - O parâmetro α pode ser:
 - Constante: Cruzamento Aritmético Uniforme
 - Variável (varia com a geração)
 - Aleatório, sendo um diferente valor para cada utilização

Cruzamento Aritmético Simples

- Pais: $\langle x_1, \dots, x_n \rangle$ e $\langle y_1, \dots, y_n \rangle$
- Selecciona um único gene (k) de forma aleatória,
- Filho₁ é: $\langle x_1, \dots, x_{k-1}, \alpha \cdot y_k + (1 - \alpha) \cdot x_k, \dots, x_n \rangle$
- Inverso para o outro filho, com $\alpha = 0.5$

0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.5	0.9
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

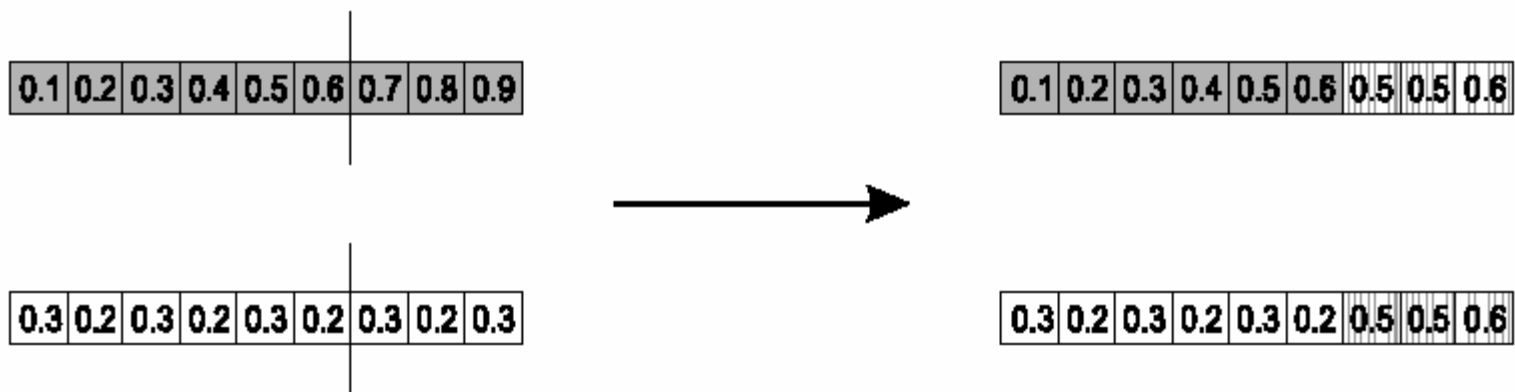


0.3	0.2	0.3	0.2	0.3	0.2	0.3	0.2	0.3
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

0.3	0.2	0.3	0.2	0.3	0.2	0.3	0.5	0.3
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Cruzamento Aritmético

- Pais: $\langle x_1, \dots, x_n \rangle$ e $\langle y_1, \dots, y_n \rangle$
- Pague aleatoriamente um ponto no cromossomo e misture os genes
- child₁ is:
 $\langle x_1, \dots, x_k, \alpha \cdot y_{k+1} + (1 - \alpha) \cdot x_{k+1}, \dots, \alpha \cdot y_n + (1 - \alpha) \cdot x_n \rangle$
- Inverso para o outro filho com $\alpha = 0.5$



Cruzamento Aritmético Completo

- Mais comumente utilizado
- Pais: $\langle x_1, \dots, x_n \rangle$ e $\langle y_1, \dots, y_n \rangle$

- Filho₁ é:

$$\alpha \cdot \bar{x} + (1 - \alpha) \cdot \bar{y}$$

- O inverso para o outro filho com $\alpha = 0.5$

0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

0.2	0.2	0.3	0.3	0.4	0.4	0.5	0.5	0.6
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----



0.3	0.2	0.3	0.2	0.3	0.2	0.3	0.2	0.3
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

0.2	0.2	0.3	0.3	0.4	0.4	0.5	0.5	0.6
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----



Tarefa...

- Utilize os conceitos dos operadores apresentados ao problema proposto na aula passada!