

Algoritmos e Estrutura de Dados



Aula 15 – Estrutura de Dados:
Pesquisa em Árvores Binárias
Prof. Tiago A. E. Ferreira

Pesquisa em Árvore Binária

- A operação mais comum em uma árvore de pesquisa binária:
 - Pesquisa por um elemento ou chave!
 - Função: **SEARCH**
- Além da função de busca (search), uma árvore binária ainda admite as funções:
 - **MINIMUM**: valor mínimo
 - **MAXIMUM**: valor máximo
 - **SUCCESSOR**: sucessor de um valor
 - **PREDECESSOR**: predecessor de um valor

Função Pesquisa - SEARCH

□ Como Pesquisar:

- O procedimento abaixo utiliza um ponteiro x para a raiz da árvore e um valor k como chave de busca.
- Este irá retornar um ponteiro para o nodo da árvore que contiver a chave k
- Caso não exista nenhum nodo com a chave k , então o procedimento retorna um ponteiro NULO (None ou Nil)

TREE-SEARCH(x, k)

1 if $x = \text{NIL}$ or $k = \text{chave}[x]$

2 **then return x**

3 if $k < \text{chave}[x]$

4 **then return TREE-SEARCH($\text{esquerda}[x], k$)**

5 **else return TREE-SEARCH($\text{direita}[x], k$)**

Função Pesquisa - SEARCH

- A pesquisa começa pela RAIZ da árvore binária, e traça um caminho descendente pela árvore
- Para cada nodo x da árvore há uma comparação:
 - $K == CHAVE[X]$
 - Se $K = CHAVE[X]$, então Fim da pesquisa
 - Se $K < CHAVE[X]$, então vá para sub-árvore esquerda
 - Se $K > CHAVE[X]$, então vá para sub-árvore direita
- No pior caso, o custo em tempo $T(n) = O(n)$, onde n é a profundidade da árvore!

Função Pesquisar - SEARCH

- Há ainda uma forma iterativa para se montar a mesma função de pesquisa, que na maior parte das situações tende a ser mais rápida
 - Função Iterativa:

```
ITERATIVE-TREE-SEARCH(x, k)  
1 while x ≠ NIL e k ≠ chave[x]  
2   do if k < chave[x]  
3     then x ← esquerda[x]  
4     else x ← direita[x]  
5 return x
```

Função Mínimo - MINIMUM

- Em uma árvore binária, por construção, o nodo com o valor mínimo é aquele encontrado mais a esquerda.
 - A função TREE-MINIMUM(x) irá procurar o elemento mais a esquerda e retorná-lo:

```
TREE-MINIMUM( $x$ )  
1 while esquerda[ $x$ ]  $\neq$  NIL  
2   do  $x \leftarrow$  esquerda[ $x$ ]  
3 return  $x$ 
```

Função Máximo - MAXIMUM

- Em uma árvore binária, por construção, o nodo com o valor máximo é aquele encontrado mais a direita.
 - A função TREE-MAXIMUM(x) irá procurar o elemento mais a direita e retorná-lo:

```
TREE-MAXIMUM( $x$ )  
1 while direita[ $x$ ]  $\neq$  NIL  
2   do  $x \leftarrow$  direita[ $x$ ]  
3 return  $x$ 
```

Função Sucessor - SUCCESSOR

- Como em uma árvore binária todas as chaves (ou elementos) são distintos, dado um elemento x o seu sucessor será o nodo que tiver o menor elemento maior que o elemento x
 - Função: ($p[x]$ – é o pai de x)

TREE-SUCCESSOR(x)

1 if *direita*[x] \neq NIL

2 then return TREE-MINIMUM(*direita*[x])

3 $y \leftarrow p[x]$

4 while $y \neq$ NIL e $x =$ *direita*[y]

5 do $x \leftarrow y$

6 $y \leftarrow p[y]$

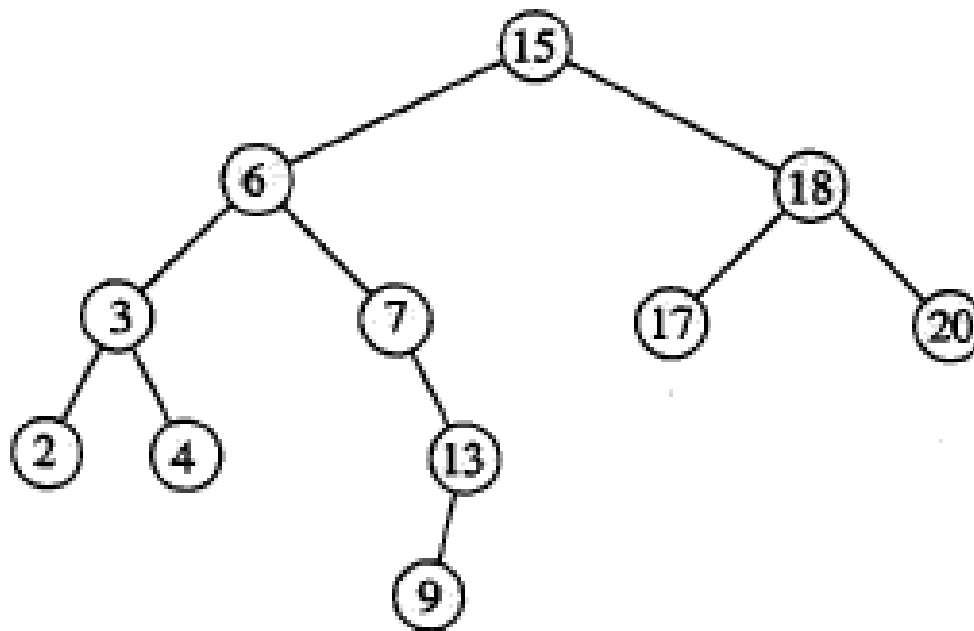
7 return y

Função Sucessor - SUCCESSOR

- Se a sub-árvore direita de X é não nula, então o seu sucessor será o menor elemento da sua sub-árvore direita.
- Caso contrário, o sucessor de X será o ancestral mais baixo de X cujo filho da esquerda também seja um ancestral de X

Função Sucessor - SUCCESSOR

- Exemplo, quem é o sucessor de 13?
 - **Resp.: 15!**



Função Predecessor - PREDECESSOR

- Como em uma árvore binária todas as chaves (ou elementos) são distintos, dado um elemento x o seu predecessor será o nodo que tiver o maior elemento menor que o elemento x
 - Se o nó tiver sub-árvore esquerda não nula, então o seu predecessor será o maior elemento da sua sub-árvore esquerda
 - Caso contrário, o seu predecessor será o seu ancestral mais baixo cujo seu filho direito seja também um ancestral de X

Exercício

- ***Elabore a função que determina o elemento predecessor de um dado nodo X em uma árvore binária,***