

Universidade Federal Rural de Pernambuco
Departamento de Estatística e Informática
Bacharelado em Sistemas de Informação
Algoritmos e Estrutura de Dados
Prof. Tiago A. E. Ferreira

1ª Lista de Exercícios

Questão 1: Supponha que o tempo de execução de um dado algoritmo seja dado por uma função matemática que recebe como argumento o tamanho n de entrada do problema. Calcule os tempos de execução para $n=35$, considerando as funções:

$$n \lg(n), n, n^2, n^3, n!, e^n$$

Questão 2: Implemente em Python uma classe para ordenamento de sequencias numéricas. Esta classe deve ser capaz de gerar ordenamento com a utilização dos algoritmos:

- a. Ordenamento por Inserção;
- b. Ordenamento por Intercalação.

Questão 3: Reescreva o procedimento *INSERTION-SORT* para ordenar em ordem não crescente, em vez da ordem não decrescente.

Questão 4: Use a indução matemática para mostrar que, quando n é uma potência exata de 2, a solução de recorrência,

$$T(n) = \begin{cases} 2, & \text{se } n = 2, \\ 2T\left(\frac{n}{2}\right) + n, & \text{se } n > 2^k, \text{ para } k > 1 \end{cases}$$

é $T(n) = n \lg(n)$

Questão 5: O *bubblesort* é um algoritmo de ordenação popular. Ele funciona permutando repetidamente elementos adjacentes que estão fora de ordem.

```
BUBBLESORT(A)
1 for  $i \leftarrow 1$  to comprimento[A]
2   do for  $j \leftarrow$  comprimento[A] downto  $i + 1$ 
3     do if  $A[j] < A[j - 1]$ 
4       then trocar  $A[j] \leftrightarrow A[j - 1]$ 
```

- a. Seja A' um valor que denote a saída do *BUBBLESORT(A)*. Para provar que o *BUBBLESORT* é correto, precisamos provar que ele termina e que,
$$A'[1] \leq A'[2] \leq \dots \leq A'[n]$$
onde $n = \text{comprimento}[A]$. O que mais deve ser provado para mostrar que *BUBBLESORT* realmente realiza a operação
- b. Enuncie com precisão um *loop* invariante par ao *loop For* das linhas 2 e 4 e prove que esse *loop* invariante é válido. Sua prova deve usar a estrutura da prova do *loop* invariante apresentada.
- c. Usando a condição de término do *loop* invariante demonstrado no item (b), enuncie um *loop* invariante para o *loop* das linhas 1 a 4 que lhe permita provar a desigualdade do item (a). Sua prova deve empregar a estrutura da prova do *loop* invariante.
- d. Qual o tempo de execução do pior caso de *bubblesort*? Como ele se compara ao tempo de execução da ordenação por inserção?