

Universidade Federal Rural de Pernambuco  
Departamento de Estatística e Informática  
Bacharelado em Sistemas de Informação  
Introdução à Teoria da Computação

Lista de Exercícios sobre Autômatos Finitos e Linguagens Regulares

1. O que é e qual a finalidade do AF? Quão geral é esse modelo e qual sua relação com linguagens regulares?
2. Descreva intuitivamente o que é a classe das linguagens regulares.
3. Qual a relação entre AFNs e AFDs? Descreva-a formalmente.
4. Em um AFN, o que significa uma transição em vazio e ele aceitar uma cadeia vazia?
5. Elabore AFDs que reconheçam as seguintes linguagens.
  - (a)  $L = \{w \in \{a, b\} : w \text{ tem pelo menos duas ocorrências da cadeia } abba\}$
  - (b)  $L = \{w \in \{a, b\} : w \text{ não tem três } a\text{'s seguidos}\}$
  - (c)  $(ab^*(ab \cup bbb)^*)^*$
6. Elabore AFNs, tal que haja transições em vazio e  $\Delta$  não seja função, que reconheçam as seguintes linguagens.
  - (a)  $L = \{w \in \{a, b\} : w \text{ tem zero ou mais ocorrências da cadeia } bbba\}$
  - (b)  $L = \{w \in \{a, b\} : w \text{ não tem } a\text{'s seguidos}\}$
  - (c)  $a^*(ba \cup a)^*(b \cup \epsilon)a^*$ . Use para esta linguagem as regras de construção de AFN a partir de expressões regulares apresentadas em sala de aula.
7. Converta os AFNs do item anterior em AFDs.
8. Verifique se as seguintes linguagens sobre  $\{a, b\}$  são regulares.
  - (a)  $L = \{a^n b^n : n \geq 0\}$
  - (b)  $L = \{a^n b^{3n} : n \geq 0\}$
  - (c)  $L = \{a^n : n \text{ é divisível por } 3\}$
  - (d)  $L = \{a^n b^m : n, m \geq 0, m = n^2\}$
9. Prove as seguintes proposições.
  - (a)  $2^{2n} - 1$  é divisível por 3 para todo inteiro  $n \geq 1$ .
  - (b)  $\sum_{i=0}^n 2^i = 2^{n+1} - 1$  para todo inteiro  $n \geq 0$ .
  - (c) Dada a seqüência  $a_1, a_2, a_3, \dots$  definida como  $a_1 = 2$  e  $a_n = 5a_{n-1}$  para  $n \geq 2$ . Mostre que  $a_n = 2 * 5^{n-1}$  para  $n \geq 1$ .
10. Prove que  $2^{\mathbb{N}}$  é incontável.
11. Prove que o conjunto de todos os números reais no intervalo  $[0, 1]$  é incontável. Dica: sabe-se que cada número real pode ser escrito, em notação binária, na forma de uma seqüência infinita de 0s e 1s, por exemplo 0110111000... Admita a existência de uma enumeração para essas seqüências e crie uma seqüência diagonal através da complementação do  $i$ -ésimo bit da  $i$ -ésima seqüência.